УДК 62-932.4

# Математичне моделювання робочих процесів в керуючій апаратурі гідроімпульсного привода

Я.В. Іванчук<sup>1</sup> ● Р.Д. Іскович-Лотоцький<sup>1</sup> ● І.В. Севостьянов<sup>2</sup> ● Н.Р. Веселовська<sup>2</sup> ● К.О. Коваль<sup>1</sup> ● Р.С. Белзецький<sup>1</sup> ● К.В. Добровольська<sup>3</sup> ● Я.Ю. Куша<sup>1</sup> ● Б.П. Воловик<sup>1</sup>

Received: 2 October 2021 / Accepted: 25 October 2021

**Мета.** Метою роботи є підвищення ефективності роботи ВМ і ВУМ, за допомогою визначення оптимальних режимів налагодження роботи керуючої апаратури ГІП на основі розробленої математичної моделі.

Методика реалізації. Дослідження проведено із застосуванням теорії інтегральних та диференціальних рівнянь; експериментальні дослідження і методи імітаційного моделювання для перевірки адекватності моделей, аналітичних і чисельних методів алгебри, розв'язування апарату диференціальних рівнянь з частинними похідними для реалізації моделей досліджуваних процесів та одержання їхніх числових характеристик.

**Результати.** Розроблено методику автоматизованого математичного моделювання робочих процесів в керуючій апаратурі ГІП вібраційних та ВУМ. Удосконалено математичні моделі динаміки роботи ГІП на базі двокаскадних клапанів-пульсаторів, у формі просторово-нестаціонарної постановки задачі та інтегральних рівнянь динамічних характеристик рухомих елементів привода.

**Висновки.** Запропоновано сучасний високоефективний ГІП із керуючою апаратурою на базі двокаскадного клапана-пульсатора. Визначено особливості роботи ГІП для ВМ та ВУМ на основі аналізу розробленої математичної моделі. Запропоновано оптимальні режими роботи ГІП для забезпечення ефективного режиму роботи ВМ та ВУМ.

Ключові слова: імпульс, удар, вібрації, математична модель, гідропривід, клапан.

#### Вступ

Низка технологічних процесів у гірничій справі, будівництві, машинобудуванні та інших галузях народного господарства зв'язані із розділенням і обробкою міцних природних або штучних матеріалів. Сучасна практика і прогнози вдосконалення таких операцій показують, що вони виконуються найбільш ефективно при застосуванні імпульсних технологій [1], які реалізуються за допомогою вибухових речовин, машин ударної дії та інших машин імпульсної дії [2]. Велика увага до імпульсних технологій викликана позитивними результатами фундаментальних і прикладних досліджень по практичному використанні фізичних явищ у гідродинамічних процесах [1, 2].

Найбільш розповсюдженим технічним засобом реалізації розглянутих технологій у виробництві в сучасній практиці є чисельні та різноманітні, по конструкціям і параметрам, вібраційні (ВМ) та віброударні машини (ВУМ) на базі гідроімпульсного привода (ГІП) [1, 2]. Перспектива використання ВМ та ВУМ з ГІП обумовлена простотою конструкції, компактністю,

ISSN 2521-1943 Mechanics and Advanced Technologies

© The Author(s).

The article is distributed under the terms of the license CC BY 4.0.

**Проблематика.** Інтенсифікація різних технологічних процесів у промисловості та будівництві вимагає застосування перспективних технологій – вібраційне та віброударне технологічне обладнання. Ефективні режими роботи гідравлічних вібраційних (ВМ) та віброударних машин (ВУМ) визначає спеціальна керуюча апаратура – генератори імпульсів тиску (ГІТ). Для дослідження режимів роботи ВМ та ВУМ при різних технологічних параметрах розроблена і досліджена математична модель гідроімпульсного привода (ГІП).

<sup>⊠</sup> Я.В. Іванчук ivanchuck@ukr.net

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Вінницький національний технічний університет, Вінниця, Україна;

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Вінницький національний аграрний університет, Вінниця, Україна;

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Вінницький національний медичний університет ім. М. І. Пирогова, Вінниця, Україна.

високою енергоємністю, широким діапазоном регулювання робочих параметрів та можливістю роботи в автоматизованому режимі.

Основною складовою частиною керуючої апаратури ГІП є генератор імпульсів тиску (ГІТ), або клапан-пульсатор, який забезпечує керування режимом роботи ВМ та ВУМ [1, 2]. ГІТ має просту конструкцію, компактну форму, широкий діапазон регулювання робочих параметрів та можливість роботи в автоматизованому режимі. Глибоке дослідження впливу зміни робочих і конструктивних параметрів ГІП на протікання робочих процесів ВМ та ВУМ дозволить забезпечити ефективність їх роботи.

На даний час знаходить широке застосування математичного моделювання робочих процесів в різних технологічних пристроях. Воно дозволяє глибоко досліджувати вплив конструктивних і режимних факторів на основні характеристики роботи пристрою, намітити конкретні шляхи їх покращення, істотно знизивши при цьому об'єми експериментальних досліджень.

У працях [3, 4] було розглянуто моделювання ГШ на базі односкаскадного клапану-пульсатора методом кінцевих елементів і схемотехнічного аналізу. Дана методика дозволяє підвищити ефективність роботи ГШ, але дана математична модель абсолютно не підходить для дослідження роботи ГШ на базі двокаскадного клапану-пульсатора.

У праці [5] було розглянуто математичне моделювання трилінійного двокаскадного швидкодійного ГІТ. Використаний в даній математичній моделі спрощений опис дисипативних властивостей системи призводить дуже часто до надбання надлишкових, нереалізованої вібраційною і віброударною системою рухів. Певна лінеаризація отриманих співвідношень законів руху виконавчої ланки, обмежує область їх використання в математичних моделях в основному невисокої розмірності, в яких не врахований вплив усіх перехідних процесів у гідравлічній ланці гідроімпульсного привода ВМ та ВУМ. Даний підхід до моделювання не дозволяє досліджувати усі гідродинамічні процеси, що протікають у системі ГІП та їх вплив на робочі характеристики і експлуатаційні параметри ВМ та ВУМ в цілому.

У працях [6, 7] досліджуються фізико-механічні процеси, що протікають між гідравлічним контуром і гнучким механізмом маніпулятора. Дане дослідження грунтується на проведенні розрахунків системи рівнянь руху і витрат за допомогою ЕОМ. Незважаючи на складність розрахунків і прийнятих при математичному описі робочого процесу допущеннях, які в міру накопичення експериментальних даних можуть бути уточнені, дана методика не дозволяє оцінити вплив гідродинамічних процесів, що протікають у виконавчих і регулюючих вузлах гідравлічного контуру.

Розв'язання даних питань неможливо без застосування рівняння Нав'є-Стокса, яке вимагає використання методу кінцевих об'ємів для дослідження складного руху робочої рідини при різних режимах течії [8]. Проведення такого роду досліджень ґрунтується на сучасних методах математичного моделювання з проведенням розрахунків на базі комп'ютерних систем із застосуванням сучасних, передових інформаційних технологій. Це дозволяє запобігти невиправдано великої кількості складних та дорогих експериментальних досліджень, значно скоротити час та вартість проектних робіт, проводити якісні та кількісні оцінки фізичних явищ з достатньою для інженерної практики точністю [9].

Метою роботи є підвищення ефективності роботи ВМ та ВУМ, за допомогою визначення оптимальних режимів налагодження роботи керуючої апаратури ГІП.

Для досягнення поставленої мети вирішувалися наступні задачі:

 – розробити ефективну систему керування ГІП на базі двокаскадного клапана-пульсатора;

 – розробити підхід до ефективного моделювання робочих процесів системи керування ГІП, на базі двокаскадного клапана-пульсатора;

 – розробити математичну модель роботи ГІП на базі розробленої системи керування з двокаскадним клапаном-пульсатором і оптимальних робочі характеристики ВМ та ВУМ.

#### Матеріали та методи досліджень

Гідроімпульсний привод ВМ і ВУМ реалізований за різними принциповими схемами [1, 7]. Вид яких визначається: технологічним призначенням машини; типом і схемою приєднання ГІТ до виконавчого, чи групи виконавчих гідродвигунів; характером вібронавантаження об'єкта технологічного впливу.

Структуру ВМ та ВУМ на базі ГІП [8] представимо функціональною схемою (рис. 1). Дана функціональна схема включає в себе: джерело-перетворювач енергії (ДПЕ); накопичувач енергії (НЕ), апаратура захисту і керування системи (АЗК); трансформуючий пристрій (ТП) для зміни параметрів потоку енергії без її перетворення; генератор імпульсів (ГІ) для перетворення потоку енергії, що підводиться із одного виду в другий і формування імпульсів високої потужності, об'єкт взаємодії (ОВ) і опорний пристрій (ОП) для забезпечення можливості передачі імпульсів енергії від генератора до об'єкт взаємодії.



*E*<sub>1</sub>, ..., *E*<sub>9</sub> – енергетичні (силові, кінематичні) зв'язки (вплив); *U*<sub>1</sub>, ..., *U*<sub>9</sub> – інформаційні зв'язки (керуючі впливи)

**Рис. 1.** Узагальнена функціональна схема ВМ та ВУМ на базі ГІП

Функціональні блоки на рисунку 1 можна охарактеризувати наступними технологічними конструктивними елементами: до джерел перетворювачів у ГІП можна віднести різноманітні напірні насоси, наприклад шестеренного типу [9], де у вигляді інформаційного впливу  $E_1 = O$  виступає регулювальне значення витрат [10]; накопичувачем енергії (НЕ) може виступати або порожнина виконавчого гідроциліндра або гідроакумулятор [9], де у вигляді інформаційного впливу  $E_2 = V$  виступає значення робочого об'єму [10]; до апаратури захисту і керування системи можна віднести різноманітні муфти [2] і запобіжні клапани [8], де у вигляді інформаційного впливу виступає матриця  $E_3 = |M P|$  регулювальних значень максимального крутного моменту М на приводному валу напірного насосу [8] і максимальний тиск Р спрацювання запобіжного клапану в гідросистемі ГІП; до трансформуючого пристрою можна віднести різноманітні гідророзподільники [11, 12], що характеризуються матрицею керування  $E_4 = |E_{41}, E_{42}, \dots E_{4n}|$ , де  $E_{41}, E_{42}, \dots E_{4n}$  – положення розподільного плунжера; до опорного пристрою можна віднести різні типи станин [8] і супортів [2], до якого кріпиться ГІП, інформаційний вплив  $E_6=S_5$ , характеризується технологічним параметром подачі S; об'єктом взаємодії при вібраційній і віброударній обробці виступають різного роду гірничі, будівельні і харчові матеріали [11], інформаційний вплив яких, характеризується матрицею якісних параметрів  $E_9 = |E_{91}, E_{92}, \dots E_{9k}|$  вихідної продукції.

Окремим інтересом виступає функціональний блок – генератор імпульсів, який в свою чергу є керуючою апаратурою ВМ та ВУМ на базі ГІП. В основі керуючої апаратури виступає двокаскадний клапанпульсатор [12], оригінальні розробки яких були виконані у Вінницькому національному технічному університеті. На рисунку 2 представлені типові конструкції двокаскадних клапанів-пульсаторів.

Конструкція двокаскадних клапанів-пульсаторів складається із корпусу 1 в якому розміщені клапан першого 2 і другого 4 каскадів. У свою чергу їх зворотнопоступальний рух формують встановлені пружини 3 і 5 відповідно. За регулювання тиску спрацювання клапану відповідає регулювальний гвинт 6. Конструкторською особливістю двокаскадного клапану-пульсатору у золотниковому виконанні (див. рис. 2, a) є наявність клапану першого каскаду у золотниковому виконанні. Золотникове виконання даного клапану дозволяє отримувати відносно великі амплітуди тиску роботи ГІП із-за значної геометричної різниці площ підхвату  $\Delta S$  [10]. Особливою відмінністю клапана-пульсатора у дросельному виконанні (див. рис. 2, б) є встановлений в клапан другого каскаду дифузор, що виконує роль дросельного регулювання роботи ГІТ. Дросельне регулювання роботи двокаскадного клапану пульсатора дозволяє отримувати відносно високу частоту роботу ГІП у цілому [11, 14].

195



Рис. 2. Типові конструктивні схеми двокаскадних клапанів-пульсаторів керуючої апаратури ГІП: a - y золотниковому виконанні;  $\delta - y$  дросельному виконанні

Для глибокого і всебічного дослідження робочих процесів керуючої апаратури ГІП на базі двокаскадних клапанів-пульсаторів [15] був розроблений ефективний підхід до моделювання робочих процесів ГІТ гідравлічних ВМ і ВУМ (рис. 3).

У даному підході (див. рис. 3) в computer-aided designe (CAD) системи Kompas-3D [13] на базі конструкторської документації ВМ та ВУМ формується твердотільна модель ГІП. Також на даному етапі також виконується підготовка інформації для формування звітної документації по результатам дослідження. На другому етапі відбувається експорт СAD-моделі в computational fluid dynamics (CFD) [16] системи FlowVision (рис. 4).

У даній CFD-системі в препроцесорі формується розрахункова модель ГІП, розрахунок якої виконується базами даних програми FlowVision. Результати розрахунку формуються у препроцесорі, із покроковим записом результатів розрахунку. Результати розрахунку записуються у файл і можуть виводитися на дисплей. Якщо результати розрахунку влаштовують,



**Рис. 3.** Автоматизована система моделювання робочих процесів в керуючій апаратурі ГІП вібраційних та віброударних машин

тоді відбувається кінцеве формування документації результатів проектування. Якщо результати проектування не влаштовують, тоді в САD-системі виконується оптимізація базової геометричної моделі ГІТ, після чого повторюють процедуру моделювання.



**Рис. 4.** Типова схема автоматизованої системи розрахунку гідродинамічних процесів в ГІП гідравлічних ВМ та ВУМ

Для теоретичного дослідження роботи ГІП на базі керуючої апаратури із двокаскадним клапаномпульсатором була розроблена структурно-розрахункова схема (рис. 5). Структурно-розрахункова схема ГІП із керуючою апаратурою у вигляді двокаскадного клапана-пульсатора золотникового типу представлена на рисунку. 5, *а*. На рисунку. 5, *б* представлений варіант структурно-розрахункової схеми на основі двокаскадного клапана-пульсатора у золотниковому виконанні.

На рис. 5, *а* зображені наступні позначення *c*<sub>1</sub> – коефіцієнт сил в'язкого тертя між стінками корпусу віброударного пристрою 1 і клапаном першого каскаду 5;  $c_2$  – коефіцієнт сил в'язкого тертя між стінками корпусу віброударного пристрою 1 і клапаном другого каскаду 4; c – коефіцієнт сил в'язкого тертя між стінками корпусу віброударного пристрою 1 та інерційною масою 3;  $k_1$  – жорсткість пружини клапана першого каскаду 5; k – жорсткість пружини інерційної маси 3;  $y'_{01}$  – попередній натяг пружини клапана першого каскаду;  $y'_0$  – попередній натяг пружини інерційної маси;  $k_2$  – жорсткість пружини клапана другого каскаду 4;  $y'_{02}$  – попередній натяг пружини клапана другого каскаду 4.

Рівняння руху для інерційної маси 3 вагою Mg:

$$M\ddot{y} = -Mg - k(y'_0 + y') + \iint_{S_0} p_{S_0}(t)dS - c\dot{y}, \qquad (1)$$

де  $p_{S_0}(t)$  – функція зміни тиску робочої рідини у внутрішній напірній порожнині *D* двокаскадного клапанапульсатора;  $\iint_{S_0} p_{S_0}(t) dS$  – відповідні складові сил, що

діють на нижню поверхню S<sub>0</sub> плунжерів інерційної маси 3.

Рівняння руху для клапана першого каскаду 5 вагою  $M_1g$ :

$$M_{1}\ddot{y}_{1} = -M_{1}g - k_{1}(y'_{01} + y') + k_{2}(y'_{02} + y'_{1} - y'_{2}) + \iint_{S_{12}} p_{S_{12}}(t)dS - c_{1}\dot{y}'_{1}, \qquad (2)$$

де  $p_{S_{12}}(t)$  – функція зміни тиску робочої рідини у внутрішніх напірних *A*, *C*, *B* і зливній *W* порожнинах двокаскадного клапана-пульсатора;  $\iint_{S_{12}} p_{S_{12}}(t) dS$  – відпові-

дні складові сил, що діють на нижню поверхню S<sub>12</sub> клапана першого каскаду 5.





Рис. 5. Структурно-розрахункова схема ГІП із керуючою апаратурою на базі двокаскадного клапана-пульсатора: (a) - y золотниковому виконанні;  $(\delta) - y$  дросельному виконанні

Рівняння руху для клапану другого каскаду 4 вагою  $M_2g$ :

$$M_{2}\ddot{y}_{2} = -M_{2}g - k_{2}(y_{02}' + y_{1}' - y_{2}') +$$
  
+ 
$$\iint_{(S_{21} - S_{22})} p_{(S_{21} - S_{22})}(t)dS + c_{1}(\dot{y}_{2}' - \dot{y}_{1}') - c_{2}\dot{y}_{2}', \quad (3)$$

де  $p_{S_{12}}(t)$  – функція зміни тиску робочої рідини у внутрішніх напірних *A*, *C*, *B* і зливній *W* порожнинах двокаскадного клапана-пульсатора;  $\iint_{(S_{21}-S_{22})} p_{(S_{21}-S_{22})}(t) dS$  - відповідні складові сил, що діють на нижню поверх ню  $S_{21} - S_{22}$  клапана другого каскаду 4.

У даному випадку ми нехтусмо інерційними силами робочої рідини, що діють на робочі органи гідроімпульсного віброударного пристрою, як такими, що несуть незначний вклад у зміну руху пристрою у цілому. Для того щоб записати повністю математичну модель, нам необхідно розглянути роботу ГІП по відповідним робочим фазам двокаскадного клапана-пульсатора.

1) Фаза набору тиску. При даній фазі конічний клапан другого каскаду 4 масою  $M_2$  і золотниковий однокаскадний клапан 5 масою  $M_1$  знаходяться в стані спокою. На даній фазі конічний клапан другого каскаду 4 перекриває напірні порожнини A, B, D від зливної порожнини W (див. рис. 5,  $\delta$ ), а золотниковий однокаскадний клапан 5 перекриває напірні порожнини B і C від зливної порожнини W, що спричиняє набору тиску в напірних порожнина A і D, тому основний напірний тиск  $p_{\tilde{S}}(t)$  діє на площу  $S_0$  нижньої основи інерційної маси 3.

Для даної фази  $0 \le t \le t_{hm}$  запишемо наступні початкові умови:

$$\begin{cases} \iint\limits_{S_{12}} p_{S_{12}}(t) dS \le k_1 y_{01}'; \qquad \iint\limits_{(S_{21} - S_{22})} p_{(S_{21} - S_{22})}(t) dS \le k_2 y_{02}'; \\ \dot{y}_1'(t) = \dot{y}_2'(t) = 0; \quad 0 \ge y'(t) \ge y_{\max}'. \end{cases}$$
(4)

де  $y'_{\text{max}}$  – максимальний хід інерційної маси M.

2) Фаза спрацювання (відкриття) двокаскадного клапану-пульсатора. На даній фазі зусилля  $\iint_{S_{12}} p_{S_{12}}(t) dS$  від напірного тиск  $p_{S_{12}}(t)$ , що діє на

площу  $S_{12}$  клапану першого каскаду 5 зрівнюється із силою налагодження регулювальної пружини  $k_1 y'_{01}$ , тобто:

$$\iint_{S_{12}} p_{S_{12}}(t) dS \ge k_1 y'_{01}, \qquad (5)$$

що спричиняє його відкриття. При відкритті клапану першого каскаду 5 відбувається сполучення напірних порожнин B і C із зливною порожниною W. Дане сполучення порожнин спричиняє падінню тиску в напірній порожнині C, що у свою чергу викликає перепад тисків у напірних порожнинах A і C. Наслідком перепаду тиску у напірних порожнинах A і C є виникнення рушійної сили, яка заставляє клапан другого каскаду 4 рухатись. При цьому відбувається відкриття даного клапану другого каскаду 4 і відповідно сполучення напірної порожнини A і зливної порожнини W.

На даній фазі також відбувається переміщення інерційної маси *M* до максимального переміщення  $y'_{\text{max}}$ , клапана першого каскаду  $M_1$  до величини максимального відкриття  $y'_{1\text{max}}$  і клапана другого каскаду  $M_2$  до величини максимального відкриття  $y'_{2\text{max}}$ . Тому для даної фази  $t_{\mu m} \le t \le t_{cn}$  запишемо наступні початкові умови:

$$\begin{cases} \iint_{S_{12}} p_{S_{12}}(t) dS \ge k_1 y'_{01}; \quad \iint_{(S_{21} - S_{22})} p_{(S_{21} - S_{22})}(t) dS \ge k_2 y'_{02}; \\ 0 \ge y'(t) \ge y'_{\max}; \quad 0 \ge y'_1(t) \ge y'_{1\max}; \quad 0 \ge y'_2(t) \ge y'_{2\max}. \end{cases}$$
(6)

3) Фаза закриття (опускання) двокаскадного клапану-пульсатора. На даній фазі відбувається злив робочої рідини через зливну порожнину *W* в гідробак 8, що спричиняє падінню тиску в напірних порожнинах А, В, С, Д. При цьому клапан першого каскаду 5 починає опускатись на початкове місце, (місце перекриття напірних порожнин B і C із зливною порожниною W). Після того, як напірні порожнини В і С від'єдналась від зливної порожнини W, тиск в напірних порожнинах B і С різко починає збільшуватись, в порівнянні із тиском у середині клапана другого каскаду 4, напірної порожнини А. Наслідком перепаду тиску у напірних порожнинах B, C i A є рушійна гідравлічна сила [17], яка разом із силою натягу пружини клапана другого каскаду 4, а саме  $k_2(y'_{02} + y'_2)$ , заставляє сам клапан другого каскаду 4 повертатись у вихідне положення. При цьому відбувається перекриття напірних порожнин A і D від зливної порожнини W.

На даній фазі також відбуваються зворотні переміщення інерційної маси M, клапана першого каскаду  $M_1$  і клапана другого каскаду  $M_2$  до початкового положення. Тому для даної фази  $t_{cn} \le t \le t_{3\kappa}$  запишемо наступні початкові умови:

$$\begin{cases} \iint\limits_{S_{12}} p_{S_{12}}(t) dS \ge k_1 y'_{01}; \iint\limits_{(S_{21} - S_{22})} p_{(S_{21} - S_{22})}(t) dS \ge k_2 y'_{02}; \\ 0 \ge y'(t) \ge y'_{\max}; 0 \ge y'_1(t) \ge y'_{1\max}; 0 \ge y'_2(t) \ge y'_{2\max} \end{cases}$$
(7)

Додатково необхідно використати систему рівнянь Нав'є-Стокса і рівняння нерозривності (8) для слабостисненої рідини.

У даній системі рівнянь (8):  $\Omega \in \mathbb{R}^3$  – тривимірна область (внутрішня порожнина ГІП) в якій рухається робоча рідина,  $\rho_0$  – початкова густина робочої рідини,  $p_0$  – початковий тиск робочої рідини,  $Q_H$  – витрата гідравлічного насоса при подачі в напірну порожнину через впускний патрубок,  $S_0$  – площа поперечного перерізу впускного патрубка ГІП.

Робочу рідину приймаємо у вигляді мастила типу I-30A [13] і будемо розглядати її рух у режимі турбулентної течії, як слабостиснене однофазне середовище на базі відомої математичної моделі SST [18]. На стінках робочої порожнини ГШ задаємо умову протікання із пограничним шаром. Дана умова характеризується логарифмічним законом зміни дотичної компоненти швидкості. Граничну умову на виході задаємо, як нульовий потік.

Розрахунок гідродинамічного процесу проводимо методом скінчених об'ємів. Для подальшого розрахунку необхідно побудувати скінчено-об'ємну розрахункову сітку. Початкова розрахункова сітка, була прийнята рівномірною по всій розрахунковій області. Для більш детальної роздільності поблизу стінок, в області рухомих об'єктів проведена адаптація розрахункової сітки різного рівня по поверхні [14]. В результаті побудови розрахункової сітки ми отримали 445000 розрахункових комірок.

Задаємо крок розрахунку даної гідродинамічної задачі числом CFL (Куранта-Фрідріхса-Леві) [15]. Обираємо неявний новий тип чисельного методу за другим порядком точності [19, 20].

#### Результати та їх обговорення

Результатом обчислювального розрахунку є розподіл тиску (рис. 6) і швидкості (рис. 7) робочої рідини в порожнині ГІП.

Результати чисельного моделювання двокаскадного клапана-пульсатора у дросельному виконанні

$$\frac{1}{\rho}\frac{d\rho}{dt} + \frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z} = 0;$$

$$\frac{\partial V_x}{\partial t} + \left(V_x\frac{\partial V_x}{\partial x} + V_y\frac{\partial V_x}{\partial y} + V_z\frac{\partial V_x}{\partial z}\right) = -\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial x} + \frac{v}{3}\frac{\partial}{\partial x}\left(\frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z}\right) + v\left(\frac{\partial^2 V_x}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V_x}{\partial z^2}\right);$$

$$\frac{\partial V_y}{\partial t} + \left(V_x\frac{\partial V_y}{\partial x} + V_y\frac{\partial V_y}{\partial y} + V_z\frac{\partial V_y}{\partial z}\right) = -\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial y} + \frac{v}{3}\frac{\partial}{\partial y}\left(\frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z}\right) + v\left(\frac{\partial^2 V_y}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V_y}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V_y}{\partial z^2}\right);$$

$$\frac{\partial V_z}{\partial t} + \left(V_x\frac{\partial V_z}{\partial x} + V_y\frac{\partial V_z}{\partial y} + V_z\frac{\partial V_z}{\partial z}\right) = -\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial z} + \frac{v}{3}\frac{\partial}{\partial z}\left(\frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z}\right) + v\left(\frac{\partial^2 V_z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V_z}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V_z}{\partial z^2}\right);$$

$$\frac{\partial V_z}{\partial t} + \left(V_x\frac{\partial V_z}{\partial x} + V_y\frac{\partial V_z}{\partial y} + V_z\frac{\partial V_z}{\partial z}\right) = -\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial z} + \frac{v}{3}\frac{\partial}{\partial z}\left(\frac{\partial V_x}{\partial x} + \frac{\partial V_y}{\partial y} + \frac{\partial V_z}{\partial z}\right) + v\left(\frac{\partial^2 V_z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V_z}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V_z}{\partial z^2}\right);$$

$$\frac{\partial V_z}{\partial t} = 0; \quad \Omega \in \mathbb{R}^3; \quad \overline{V}\Big|_{t=0,z=0,y=0,x=0} = Q_H / S_0; \quad \rho\Big|_{t=0,\Omega} = \rho_0; \quad p\Big|_{t=0,\Omega} = p_0 + \left(\frac{ky_0'}{S_0}\right).$$
(8)



**Рис. 6.** Розподіл тиску робочої рідини в порожнині керуючої апаратури ГІП на базі двокаскадного клапанапульсатора: (*a*) – у золотниковому виконанні; (*б*) – у дросельному виконанні



**Рис. 7.** Розподіл швидкості робочої рідини в порожнині керуючої апаратури ГІП на базі двокаскадного клапана-пульсатора: (a) - y золотниковому виконанні; (b) - y дросельному виконанні

(див. рис. 6,  $\delta$ ), показують значний перепад тиску в порожнинах клапана другого каскаду в порівнянні з тиском в напірній порожнині, що надає йому інерційності при спрацюванні. ВМ та ВУМ на базі даної керуючої апаратури відрізняються низькою частотою роботи. Перепад тисків у напірній порожнині клапана-пульсатора золотникового виконання в порівнянні із тиском в зливній порожнині клапана-першого каскаду показує значний перепад тиску, що спричиняє загальну роботу ГІП із великою амплітудою тиску і високою частотою.

Результати чисельного моделювання двокаскадного клапана-пульсатора у дросельному виконанні

(див. рис. 6,  $\delta$ ), показують екстремальні швидкості робочої рідини в середині дифузора. Дані екстремальні швидкості спричиняють утворенню кавітаційних явищ, наслідком яких є виникнення зношення поверхні дифузора. Зношення поверхні дифузора розладнує керуючу апаратуру ГІП у цілому. Екстремальні швидкості робочої рідини в напірній порожнині клапана першого каскаду вимагає установки більш жорсткої регулювальної пружини 3 (див рис. 2, *a*). Велика жорсткість регулювальної пружини зменшує межі регулювання керуючої апаратури ГІП.

По результатам чисельного моделювання (див. рис. 7, а), швидкість робочої рідини в нижній зоні запірного елементу ГІТ кулькового типу складає 35 м/с. Дана висока швидкість робочої рідни утворює кавітаційні явища, що негативно впливають на якість поверхні запірного елемента ГІТ кулькового типу. У порівнянні із ГІТ золотникового типу це вимагає використання спеціального матеріалу та режиму технологічної обробки при виготовленні запірного елементу ГІТ кулькового типу. У ГІТ золотникового типу (див. рис.  $6, \delta$ ) площа прохідного отвору запірного елементу значно більше ніж у ГІТ кулькового типу, це дозволяє використовувати гідравлічні насоси більшої подачі. Мала площа прохідного отвору запірного елементу ГІТ кулькового типу вимагає більшого відкриття дроселя ніж в ГІТ золотникового типу.

Також результатом розрахунку є діаграми зміни переміщення запірних елементів керуючої апаратури ГІП (рис. 8).



**Рис. 8.** Діаграми робочих параметрів ГІТ: (*a*) – у золотниковому виконанні запірних елементів; (*б*) – у дросельному виконанні запірних елементів; 1 – зміна переміщення клапана першого каскаду; 2 – зміна переміщення клапана другого каскаду

Аналізуючи діаграми зміни переміщення запірних елементів керуючої апаратури ГІП (див. рис. 8), можна визначити наступні параметри роботи ГІП:

 – для ГІТ у золотниковому виконанні максимальний хід клапана першого каскаду – 6,1 мм, клапана другого каскаду – 5,3 мм;

– для ГІТ у дросельному виконанні максимальний хід клапана першого каскаду – 2,2 мм, клапана другого каскаду – 1,9 мм;

– частота роботи ГШ для ГІТ у золотниковому виконанні – 33,5 Гц, ГШ у дросельному виконанні – 9 Гц.

#### Висновки

Розроблені ефективні конструкції системи керування ГІП на базі двокаскадного клапана-пульсатора.

Розроблено ефективний підхід до моделювання робочих процесів у золотниковому і дросельному виконанні конструкцій запірних елементів двокаскадних клапанів-пульсаторів.

Розроблена математична модель для дослідження робочих процесів у керуючій апаратурі ГІП на базі двокаскадних клапанів-пульсаторів.

На основі розробленої математичної моделі методом чисельного моделювання за допомогою високопродуктивних обчислювальних систем із використанням інформаційних технологій отримані робочі залежності для визначення робочих характеристик керуючої апаратури ГІП.

Отримані результати чисельного моделювання роботи ГІП, показав переваги обраного підходу до створення автоматизованих систем моделювання, а також дозволив довести ефективність розроблених конструкцій ГІТ, на базі двокаскадних клапанівпульсаторів.

#### References

- [1] R.D. Iskovych–Lotocjkyj, et al., "Modeljuvannja robochykh procesiv ghidroimpuljsnogho pryvoda z odnokaskadnym klapanom puljsatorom", Vibraciji v tekhnici ta tekhnologhijakh No. 3, pp. 10–19, 2017.
- [2] Iskovych-Lototsky et al., "Automatic system for modeling vibro-impact unloading bulk cargo on vehicles," in Proc. SPIE 10808, Photonics Applications in Astronomy, Communications, Industry, and High-Energy Physics Experiments 2018, 1080860 (1 October 2018), doi: http://doi.org/ 10.1117/12.2501526.
- [3] L. Guang and W. Min, "Modeling and controlling of a flexible hydraulic manipulator," *Journal of Central South University of Technology:Science & Technology of Mining and Metallurgy*, vol. 12(5), pp. 578–583, 2005. https://doi.org/10.1007/s11771-005-0126-6
- T. I. Fossen and H. Nijmeijerm, "Parametric resonance in dynamical systems", New York. NY: Springer; 2012, doi: https://doi.org/10.1007/978-1-4614-1043-0.

- [5] C. Jörg *et al.*, "Response analysis of nonlinear vibro-impact system coupled with viscoelastic force under colored noise excitations," Chemical Engineering Research and Design, vol. 88(1), pp. 100–108, 2010. doi: https://doi.org/10.1016/ j.cherd. 2009.07.001.
- [6] D. Alessandro, "Modelling and experimental validation of a nonlinear proportional solenoid pressure control valve," *International Journal of Fluid Power*, vol. 17, pp. 90–101, 2016. doi: http://doi.org/10.1080/14399776.2016.1141636.
- [7] K. Magnus, K. Popp, and W. Sextro, "Schwingungen: Eine Einführung in die physikalischen Grundlagen und die theoretische Behandlung von Schwingungsproblemen," Wiesbaden: Vieweg+Teubner Verlag. GWV Fachverlage. Wiesbaden, 2008.
- [8] V. M. Shatokhin *et al.*, (2019). "Dynamical processes simulation of vibrational mounting devices and synthesis of their parameters," *Przeglad Elektrotechniczny*, vol. 4(19), pp. 86–92, 2019. doi: https://doi.org/10.15199/48.2019.04.15.
- [9] R.D. Iskovych–Lotocjkyj, et al., "Pidvyshhennja efektyvnosti rozvantazhennja materialiv pid dijeju periodychnykh udarnykh impuljsiv", Vibraciji v tekhnici i tekhnologhijakh, No. 2, pp. 8–11, 2008. https://doi.org/10.1136/ebmh.11.2.38
- [10] R.D. Iskovych–Lotocjkyj et al., "Zastosuvannja ghibrydnogho modeljuvannja pry rozrobci ustanovok dlja utylizaciji vidkhodiv", Tekhnologhichni kompleksy. Naukovyj zhurnal, Lucjk, No. 1, 2 (5, 6), pp. 122–126, 2012.
- [11] L. I. Timchenko *et al.*, "Denysova New approach for the detection of noise-distorted signals based on the method of Spreparation," *IET Image Processing*, vol. 8(11), pp. 627–638, 2014. doi: http://digital-library. theiet.org/content/journals/10.1049/iet-ipr.2013.0471.
- [12] O.D. Manzhilevskyy, "Analysis of hydraulic vibration drive machine for vibration abrasive processing," *Przeglad Elektro-techniczny*, vol. 1(4), pp. 95–99, 2019. doi: https://doi.org/10.15199/48.2019.04.16.
- [13] Kompas-3D Made of access: World Wide Web https://kompas.ru/
- [14] A.A. Yarovyy et al., "Parallel-Hierarchical Computing System for Multi-Level Transformation of Masked Digital Signals," Advances in Electrical and Computer Engineering, vol. 12(3), pp. 13–20, 2012. doi: https://doi.org/10.4316/AECE.2012.03002.
- [15] D. C. Wilcox, Turbulence modeling for CFD. DCW Industries, Inc., 1994.
- [16] FlowVision Made of access: World Wide Web https://fv-tech.com/en/
- [17] R.D. Iskovych–Lotocjkyj and Ja.V. Ivanchuk, Doslidzhennja dynamiky procesu roboty universaljnogho ghidravlichnogho vibroudranogho pryvodu dlja rozvantazhennja transportnykh zasobiv, Naukovi notatky. Mizhvuzivsjkyj zbirnyk (za naprjamom "Inzhenerna mekhanika"), Lucjk, 2007, No. 20. pp. 184–187.
- [18] L. Guang and W. Min, "Modeling and controlling of a flexible hydraulic manipulator," Journal of Central South University of Technology:Science & Technology of Mining and Metallurgy, vol. 12(5), pp. 578–583, 2005. https://doi.org/10.1007/s11771-005-0126-6
- [19] Ja.V. Ivanchuk et al., "Metod chyseljnogho modeljuvannja ghidrodynamichnykh procesiv", Informacijni tekhnologhiji ta komp'juterna inzhenerija, Vinnycja. No. 1 (44), pp. 37–45, 2019. doi: https://doi.org/10.31649/1999-9941-2019-44-1-37-45.
- [20] A.A. Aksenov et al., "Numerical Simulation of Car Tire Aquaplaning," Computational Fluid Dynamics '96, J.-A. Desideri, C.Hirsch, P.Le Tallec, M.Pandolfi, J.Periaux edts, John Wiley&Sons, 2006, pp. 815–820.

## Mathematical Modeling of Working Processes in the Control Equipment of the Hydraulic Impulse Drive

### Y.V. Ivanchuk, R.D. Iskovych-Lototsky, I.V. Sevostianov, N.R. Veselovska, K.O. Koval, R.S. Belzetskyi, K.V. Dobrovolska, Y.Yu. Kush, B.P. Volovik

**Background.** Intensification of various technological processes in industry and construction requires the use of advanced technologies – vibrating and vibrating technology equipment. Effective modes of operation of hydraulic vibrating (VM) and vibro-shock machines (VSM) are determined by special control equipment - pressure pulse generators (PPG). To study the modes of VM and VSM operations at different technological parameters, a mathematical model of the hydropulse drive (GPD) was developed and studied.

**Objective.** The aim of the work is to increase the efficiency of VM and VSM on the basis of determining the optimal modes of adjustment of the control equipment of the GPD on the basis of the developed mathematical model.

**Methods.** The study was conducted using the theory of integral and differential equations; experimental researches and methods of simulation modeling for check of adequacy of models, analytical and algebraic methods, the decision of the device of differential equations with partial derivatives for realization of models of investigated processes and reception of their numerical characteristics. **Results.** The technique of the automated mathematical modeling of working processes in the control equipment of GPD vibration and VSM is developed. Mathematical models of the dynamics of the GPD operation on the basis of two-stage pulsator valves, in the form of a spatially non-stationary statement of the problem and integral equations of the dynamic characteristics of the moving drive elements, have been improved.

**Conclusions.** The modern highly effective GPD with the control equipment on the basis of the two-stage pulsator valve is offered. Peculiarities of GPD operation for VM and VSM are determined on the basis of the analysis of the developed mathematical model. The optimal modes of operation of the GPD are proposed to ensure the efficient mode of operation of VM and VSM. **Keywords:** impulse, shock, vibration, mathematical model, hydraulic drive, valve.

# Математическое моделирование рабочих процессов в управляющей аппаратуре гидроимпульсного привода

### Я.В. Иванчук, Р.Д. Искович-Лотоцкий, И.В. Севостьянов, Н.Р. Веселовская, К.О. Коваль, Р.С. Белзецкий, К.В. Добровольськая, Я.Ю. Куша, Б.П. Воловык

Проблематика. Интенсификация различных технологических процессов в промышленности и строительстве требует применения перспективных технологий – вибрационное и виброударное технологическое оборудование. Эффективные режимы работы гидравлических вибрационных (ВМ) и виброударных машин (ВУМ) определяет специальная управляющая аппаратура – генераторы импульсов давления (ГИД). Для исследования режимов работы ВМ и ВУМ при разных технологических параметрах разработана и исследована математическая модель гидроимпульсного привода (ГИП).

**Цель.** Целью работы является повышение эффективности работы BM и BVM посредством определения оптимальных режимов налаживания работы управляющей аппаратуры ГИП на основе разработанной математической модели.

Методика реализации. Исследование проведено с использованием теории интегральных и дифференциальных уравнений; экспериментальные исследования и методы имитационного моделирования для проверки адекватности моделей, аналитических и алгебраических методов, решения аппарата дифференциальных уравнений с частными производными для реализации моделей исследуемых процессов и получения их числовых характеристик.

**Результаты.** Разработана методика автоматизированного математического моделирования рабочих процессов в управляющей аппаратуре ГИП вибрационных и ВУМ. Усовершенствованы математические модели динамики работы ГИП на базе двухкаскадных клапанов-пульсаторов, в форме пространственно-нестационарной постановки задачи и интегральных уравнений динамических характеристик подвижных элементов привода.

**Выводы.** Предложен современный высокоэффективный ГИП с управляющей аппаратурой на базе двухкаскадного клапанапульсатора. Определены особенности работы ГИП для ВМ и ВУМ на основе анализа разработанной математической модели. Предложены оптимальные режимы работы ГИП для обеспечения эффективного режима работы ВМ и ВУМ. **Ключевые слова:** импульс, удар, вибрация, математическая модель, гидропривод, клапан.